

# 快速数字滤序方法初探

华中工学院 尹项根 陈德树

## 摘 要

本文根据相量恒等变换原理提出用于设计数字滤序器的“因子旋转、时域重构”方法，并据此设计了快速数字负序和正序滤过器。文中所举二例，第一种计算量微乎其微，时延3.33ms；第二种计算量略微增加，而时延可通过提高采样率进一步减小。二者均适合于采样率不同的多种场合。“因子旋转、时域重构”方法还回答了目前几种滤序表达式的统一性。

在电力系统数字继电保护和实时控制中用到序电量的地方，人们都乐于采用数字滤序器。这是由于模拟滤序器存在某些不易克服的缺点，其中之一是电感和电容元件使滤序器在暂态过程中工作不好。难于满足高速动作的要求，另一缺点是系统频率发生变化时滤序特性变坏，甚至不得不将其退出运行。而数字滤序器则无上述缺点。本文提出设计数字滤序器的“因子旋转、时域重构”方法，并应用这种方法设计了高速数字滤序器，其响应时延不大于3.33ms（系统频率50Hz），计算量很小。下文先介绍一个快速数字滤序器的设计过程，然后再从一般的意义上讨论设计方法。

## 一、快速数字负序滤过器设计举例

设计一个数字零序滤过器总是容易的。根据相量关系  $3 \dot{X}_0 = \dot{X}_a + \dot{X}_b + \dot{X}_c$ ，对应的数字零序滤过器为

$$3 X_0(n) = X_a(n) + X_b(n) + X_c(n) \quad (1-1)$$

下文不再讨论零序滤过器的设计。

以负序滤过器为例，其序量与相量的关系：

$$3 \dot{X}_2 = [1 \quad a^2 \quad a] \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ \dot{X}_b \\ \dot{X}_c \end{pmatrix}$$

变换因子1、a、a<sup>2</sup>的相量如图1—1所示。现作如图所示之旋转，即对上式作下述恒等变换：

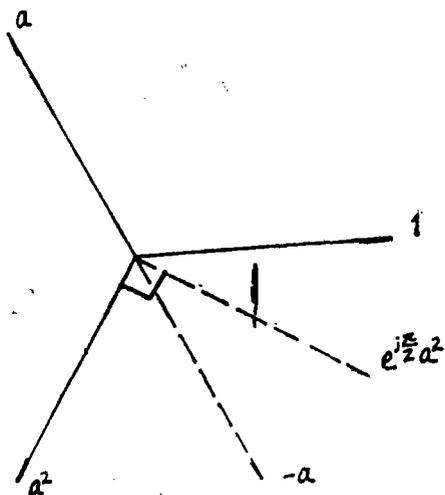


图 1

$$\begin{aligned}
 3 \dot{X}_2 &= [1 \quad a^2 \quad a] \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ \dot{X}_b \\ \dot{X}_c \end{pmatrix} \\
 &= [1 \quad a^2 e^{j\frac{\pi}{3}} \quad -a] \cdot \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ -\dot{X}_{b,1} \\ -\dot{X}_c \end{pmatrix} \quad (1-2)
 \end{aligned}$$

式中:  $\dot{X}_{b,1} = \dot{X}_b \cdot e^{j\frac{\pi}{3}}$

然后对相量式(1-2)进行时域重构:

$$\begin{aligned}
 3 X_2(t) &= I_m \left\{ \sqrt{2} e^{j\omega t} \cdot [1 \quad a^2 e^{j\frac{\pi}{3}} \quad -a] \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ -\dot{X}_{b,1} \\ -\dot{X}_c \end{pmatrix} \right\} \\
 &= I_m \left\{ \sqrt{2} e^{j\omega t} \cdot [e^{j0\pi} \quad e^{j\frac{11\pi}{6}} \quad e^{j\frac{5\pi}{3}}] \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ -\dot{X}_{b,1} \\ -\dot{X}_c \end{pmatrix} \right\} \\
 &= X_a(t) - \frac{1}{\omega} X'_{b,1}(t - \frac{T}{12}) - X_c(t - \frac{T}{6}) \quad (1-3)
 \end{aligned}$$

式中:  $T = \frac{2\pi}{\omega}$  为基频周期。

时域重构中应用了下述关系: 若设

$$X(t) = X_m \sin(\omega t + \varphi), \quad \dot{X} = X e^{j\varphi}$$

$$\text{则有, } X'(t) = I_m [\sqrt{2} X e^{j\omega t} e^{j\varphi}] = I_m [\sqrt{2} \dot{X} e^{j\omega t}] \quad (1-4)$$

$$\frac{1}{\omega} X'(t) = X_m \cos(\omega t + \varphi)$$

$$= X_m \sin(\omega t + \varphi + \frac{\pi}{2})$$

$$= I_m [\sqrt{2} \dot{X}_{b,1} \cdot e^{j\omega t}] \quad (1-5)$$

式中:  $\dot{X}_{b,1} = \dot{X}_b e^{j\frac{\pi}{3}}$

当系统频率为50Hz时, (1-3)式响应时延为  $\frac{T}{6} = 3.33\text{ms}$ 。将(1-3)式离散化, 设基频周期采样点数为N, 则有

$$3 X_2(n) = X_2(n) - \frac{1}{\omega} X_2'(n - \frac{N}{12}) - X_2(n - \frac{N}{6}) \quad (1-6)$$

后文将说明(1-6)式的计算非常便利。下面先对“因子旋转、时域重构”方法作些一般性讨论。

## 二、因子旋转与时域重构

因子旋转的实质是寻找一个恒等变换。对于(1-2)式表示的负序滤波器，确定一个变换矩阵：

$$T_{2m} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & j & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, \text{ 则 } T_{2m}^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -j & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \quad (2-1)$$

再令  $A_2 = [1 \ a^2 \ a]$ ,  $\dot{X} = [\dot{X}_1 \ \dot{X}_2 \ \dot{X}_3]^T$  (2-2)  
 则(1-2)式可以写为：

$$\begin{aligned} 3 \dot{X}_2 &= [1 \ a^2 \ a] \begin{pmatrix} \dot{X}_1 \\ \dot{X}_2 \\ \dot{X}_3 \end{pmatrix} \\ &= [1 \ a^2 \ a] \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & j & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -j & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \dot{X}_1 \\ \dot{X}_2 \\ \dot{X}_3 \end{pmatrix} \\ &= A_2 T_{2m} \cdot T_{2m}^{-1} \dot{X} \\ &= A_{2t} \cdot \dot{X}_{2t} \end{aligned} \quad (2-3)$$

$$\left. \begin{aligned} \text{式中: } A_{2t} &= A_2 T_{2m} = [1 \ ja^2 \ -a] \\ \dot{X}_{2t} &= T_{2m}^{-1} \dot{X} = [\dot{X}_1 \ -j\dot{X}_2 \ -\dot{X}_3]^T \end{aligned} \right\} \quad (2-4)$$

比较(1-2)式，这就是因子旋转所要达到的目的。

对于正序滤波器，确立变换矩阵：

$$T_{1m} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & j \end{pmatrix}, \text{ 则 } T_{1m}^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -j \end{pmatrix} \quad (2-5)$$

$$\text{亦令 } A_1 = [1 \ a \ a^2] \quad \dot{X} = [\dot{X}_1 \ \dot{X}_2 \ \dot{X}_3]^T \quad (2-6)$$

$$A_{1t} = A_1 T_{1m} \quad \dot{X}_{1t} = T_{1m}^{-1} \dot{X} \quad (2-7)$$

$$\text{则有 } 3 \dot{X}_1 = A_1 \cdot \dot{X} = A_1 T_{1m} \cdot T_{1m}^{-1} \dot{X} = A_{1t} \cdot \dot{X}_{1t}$$

$$= [1 \quad -a \quad ja^2] \cdot \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ -\dot{X}_b \\ -j\dot{X}_c \end{pmatrix} \quad (2-8)$$

时域重构的目的是从复域回到时域，其基本变换式为(1-4)和(1-5)式。对(2-3)式的变换得到(1-3)和(1-6)式，对(2-8)式的变换为：

$$3 X_1(t) = X_a(t) - X_b(t - \frac{T}{6}) - \frac{1}{\omega} X'_c(t - \frac{T}{12}) \quad (2-9)$$

其离散化表达式为：

$$3 X_1(n) = X_a(n) - X_b(n - \frac{N}{6}) - \frac{1}{\omega} X'_c(n - \frac{N}{12}) \quad (2-10)$$

要得到不同的滤序方法，关键在于因子如何旋转，亦即恒等变换如何选取。选择不同的变换矩阵 $T_{2m}$ 和 $T_{1m}$ ，便可得到不同的滤序表达式，一般地说所对应的时域中的时延也是不同的。

最简单的情形，滤序因子不作任何旋转，变换矩阵为单位矩阵 $u$ ，即：

$$A_{2t} = A_2 \quad \dot{X}_{2t} = \dot{X}$$

$$A_{1t} = A_1 \quad \dot{X}_{1t} = \dot{X}$$

这时对应的负序和正序滤过器时域离散表达式为：

$$3 X_2(n) = X_a(n) + X_b(n - \frac{N}{3}) + x_c(n - \frac{2N}{3}) \quad (2-11)$$

$$3 X_1(n) = X_a(n) + X_b(n - \frac{2N}{3}) + x_c(n - \frac{N}{3}) \quad (2-12)$$

这即为多数资料中所推荐的方法。其中 $N$ 需满足：

$$N = 3 + 3K, K = 0, 1, 2, \dots \quad (2-13)$$

响应时延为 $\frac{2T}{3} = 13.33ms$  (系统频率50Hz)。

为加快响应速度，将滤序因子 $a$ 反向，选取变换矩阵如下，

$$T_{2m} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}, \quad T_{1m} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (2-14)$$

$$\left. \begin{aligned} \text{则: } A_{2t} &= A_2 T_{2m} = [1 \quad a^2 \quad -a] \\ \dot{X}_{2t} &= T_{2m}^{-1} \dot{X} = [\dot{X}_a \quad \dot{X}_b \quad -\dot{X}_c]^T \end{aligned} \right\} \quad (2-15)$$

$$\left. \begin{aligned} A_{11} &= A_1 T_{1n} = [1 \quad -a \quad a^2] \\ \dot{X}_{11} &= T_{1n}^{-1} \dot{X} = [\dot{X}_a \quad -\dot{X}_b \quad \dot{X}_c]^T \end{aligned} \right\} (2-16)$$

所对应的负序和正序滤波器时域离散表达式为:

$$3 X_2(n) = X_a(n) + X_b(n - \frac{N}{3}) - x_c(n - \frac{N}{6}) \quad (2-17)$$

$$3 X_1(n) = X_a(n) - X_b(n - \frac{N}{6}) + x_c(n - \frac{N}{3}) \quad (2-18)$$

其中N需满足:

$$N = 6 + 6K, \quad K = 0, 1, 2, \dots \quad (2-18)$$

响应时延为  $\frac{T}{3} = 6.67\text{ms}$  (50Hz), 提高了响应速度, 计算量并未增加。

若变换矩阵  $T_{2n}$  和  $T_{1n}$  分别按 (2-1) 和 (2-5) 式选取, 对应的 (1-6) 和 (2-10) 式响应时延为  $\frac{T}{6} = 3.33\text{ms}$ , 响应速度进一步提高。

综上所述, 因子旋转的基本原则包括两条: 1. 旋转后的三个滤序因子相量间的夹角应尽可能小, 以使对应的时域时延尽可能短, 这一点可由相量图直观清楚地作出; 2. 对应旋转后的电相量在时域中是易于求取的, 以减小计算量。另外, 为使计时起点符合习惯, 可使  $a$  及  $a^2$  相量旋转后不要超前于 1。

### 三、时域实时计算方法

对于 (1-6) 式, 用差商来代替求导。为保证精度并减小计算量, 取中点差商, 则式右第二项:

$$\begin{aligned} -\frac{1}{\omega} X'_b(t - \frac{T}{12}) &\approx \frac{1}{\omega \cdot T_s} [X_b(t - \frac{T}{12} \\ &\quad - \frac{T_s}{2}) - x_b(t - \frac{T}{12} + \frac{T_s}{2})] \end{aligned} \quad (3-1)$$

式中  $T_s$  为采样周期。

若取每基频周期N点采样, 即  $T = NT_s$ , 代入上式并离散化:

$$\begin{aligned} -\frac{1}{\omega} X'_b(n - \frac{N}{12}) &\approx \frac{N}{2\pi} [X_b(n - \frac{N}{12} - \frac{1}{2}) \\ &\quad - X_b(n - \frac{N}{12} + \frac{1}{2})] \\ &= \frac{N}{2\pi} [X_b(n - \frac{N+6}{12}) - X_b(n \\ &\quad - \frac{N-6}{12})] \end{aligned} \quad (3-2)$$

显然,  $\frac{N+6}{12}$  和  $\frac{N-6}{12}$  应为正整数, 故N需满足:

$$N = 6 + 12K, K = 0, 1, 2, \dots \quad (3-3)$$

若N为12的倍数时, 中点差商可取另一形式:

$$-\frac{1}{\omega} X', (t - \frac{T}{12}) \approx \frac{1}{\omega \cdot 2T_s} [X_b (t - \frac{T}{12} - T_s) - X_b (t - \frac{T}{12} + T_s)] \quad (3-4)$$

上式离散化:

$$-\frac{1}{\omega} X', (n - \frac{N}{12}) \approx \frac{N}{4\pi} [X_b (n - \frac{N+12}{12}) - X_b (n - \frac{N-12}{12})] \quad (3-5)$$

此时N需满足:

$$N = 12 + 12K, K = 0, 1, 2, \dots \quad (3-6)$$

在(3-3)和(3-6)式中, 对应于K取相同值时, 分别按(3-2)和(3-5)式计算导数的精度是相同的。在(3-3)和(3-6)式中还保证了N为6的倍数, 这是(1-6)式中C相所需求的。

对于(2-10)式所代表的正序滤波器, 同样可用(3-1)~(3-6)式来处理等式右边的第三项, 只要把下标b、c互换即可。

选择一个特定情况N=12, 差商计算应选用(3-5)式, 代入(1-6)和(2-10)式, 负序和正序滤波器可依次表为:

$$3X_2(n) = X_b(n) + K[X_b(n-2) - X_b(n)] - X_c(n-2) \quad (3-7)$$

$$3X_1(n) = X_b(n) - X_b(n-2) + K[X_b(n-2) - X_b(n)] \quad (3-8)$$

式中 $K = \frac{3}{\pi} = 0.955 \approx 1$ , 可避免乘法运算。

一般情况下用差商来近似求导, 但在某种特殊情况下, 却能用采样值精确地计算导数。由下述三角恒等式:

$$\begin{aligned} \frac{X}{\omega} [\sin(\omega t + \varphi)]' &= X \cos(\omega t + \varphi) = 2X \sin \frac{\pi}{6} \cos(\omega t + \varphi) \\ &= X \sin(\omega t + \varphi + \frac{\pi}{6}) - X \sin(\omega t + \varphi - \frac{\pi}{6}) \end{aligned} \quad (3-9)$$

$$\text{若令 } \frac{X}{\omega} [\sin(\omega t + \varphi)]' = X \sin[\omega(t + \Delta t) + \varphi] - X \sin[\omega(t - \Delta t) + \varphi] \quad (3-10)$$

只要选择中点差商的前后步长 $\Delta t$ 满足 $\omega \Delta t = \frac{\pi}{6}$ , 就可由采样值精确计算(1-6)和(2-10)式中的导数项。这时(3-7)、(3-8)式中 $K=1$ , 因为此时步长

$$\Delta t = T_s = \frac{T}{12}, \text{ 即有 } \omega T_s = \frac{\pi}{6}.$$

由此可认为, 当N为其它数时, 也宜于用步长 $\Delta t$ 满足 $\Delta t\omega = \frac{\pi}{6}$ 的中点差商来精确地计算导数。据此得到一种通用的快速数字滤波器:

$$\left. \begin{aligned} 3X_2(n) &= X_a(n) - X_b(n) + X_b(n - \frac{N}{6}) - X_c(n - \frac{N}{6}) \\ 3X_1(n) &= X_a(n) - X_b(n - \frac{N}{6}) - X_c(n) + X_c(n - \frac{N}{6}) \end{aligned} \right\} (3-11)$$

$$N = 6 + 6K, K = 0, 1, 2, \dots$$

其响应时延为3.33ms (50Hz)。

再举一个负序滤波器的例子。将因子 $a$ 、 $a^2$ 转到与实轴重合, 即令变换矩阵为:

$$T_{2m} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & e^{j\frac{2\pi}{3}} & 0 \\ 0 & 0 & e^{-j\frac{2\pi}{3}} \end{pmatrix}, \quad T_{2m}^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & e^{-j\frac{2\pi}{3}} & 0 \\ 0 & 0 & e^{j\frac{2\pi}{3}} \end{pmatrix} \quad (3-12)$$

$$\text{则: } A_{2t} = A_2 T_{2m} = [1 \quad 1 \quad 1]$$

$$\dot{X}_{2t} = T_{2m}^{-1} \dot{X} = [\dot{X}_a \quad \dot{X}_b e^{-j\frac{2\pi}{3}} \quad \dot{X}_c e^{j\frac{2\pi}{3}}]^T$$

通过时域重构得到时域表达式:

$$\begin{aligned} 3X_2(t) &= I_m \left\{ \sqrt{2} e^{j\omega t} [1 \quad 1 \quad 1] [\dot{X}_a \quad \dot{X}_b e^{-j\frac{2\pi}{3}} \quad \dot{X}_c e^{j\frac{2\pi}{3}}]^T \right\} \\ &= X_a(t) - \frac{1}{2} [X_b(t) + X_c(t)] \\ &\quad - \frac{\sqrt{3}}{2\omega} [X_b'(t) - X_c'(t)] \end{aligned} \quad (3-13)$$

仍用中点差商近似求导, 取步长为 $T_s$ , 则有:

$$\begin{aligned} 3X_2(t) &\approx X_a(t) - \frac{1}{2} [X_b(t) + X_c(t)] - \frac{\sqrt{3}}{2\omega \cdot 2T_s} [X_b(t+T_s) \\ &\quad - X_b(t-T_s) - X_c(t+T_s) + X_c(t-T_s)] \end{aligned}$$

将上式离散化, 并注意到 $\omega T_s = \frac{2\pi}{N}$ ,

$$\begin{aligned} 3X_2(n) &\approx X_a(n) - \frac{1}{2} [X_b(n) + X_c(n)] - \frac{\sqrt{3}N}{8} [X_b(n+1) \\ &\quad - X_b(n-1) - X_c(n+1) + X_c(n-1)] \end{aligned} \quad (3-14)$$

上式对采样周期 $T_s$ 无特殊要求, 不过 $N$ 越大, 即 $T_s$ 越小, 对(3-13)式的近似程度越好, 而且时延越短。上式时延为 $2T_s$ 。恰当选取 $N$ , 可减小实时计算量, 如取 $N=16$ , 时延为 $2.5ms$ , 表达式:

$$6X_2(n) \approx 2X_a(n) - X_b(n) - X_c(n) - 7[X_b(n+1) - X_b(n-1) - X_c(n+1) + X_c(n-1)]$$

又如取 $N=32$ , 时延为 $1.25ms$ , 表达式:

$$3X_2(n) \approx X_a(n) - \frac{1}{2}[X_b(n) + X_c(n)] - 7[X_b(n+1) - X_b(n-1) - X_c(n+1) + X_c(n-1)]$$

上两式可用移位和加减法计算, 从而避免乘法。

#### 四, 其它常用滤波方法

有一些数字保护算法, 譬如正余弦函数相关算法和最小二乘拟合算法(从拟合观点出发, 可以证明前者只是后者的一个特例), 可直接算得电相量复数的实虚部, 便可方便地直接滤波:

$$\begin{pmatrix} \dot{X}_0 \\ \dot{X}_1 \\ \dot{X}_2 \end{pmatrix} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ \dot{X}_b \\ \dot{X}_c \end{pmatrix}$$

令:

$$\begin{pmatrix} \dot{X}_0 \\ \dot{X}_1 \\ \dot{X}_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} X_{R0} + jX_{I0} \\ X_{R1} + jX_{I1} \\ X_{R2} + jX_{I2} \end{pmatrix}, \quad \frac{1}{3} \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ \dot{X}_b \\ \dot{X}_c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} X_{Ra} + jX_{Ia} \\ X_{Rb} + jX_{Ib} \\ X_{Rc} + jX_{Ic} \end{pmatrix}$$

$$\text{则: } \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \dot{X}_a \\ \dot{X}_b \\ \dot{X}_c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -\frac{1}{2} + j\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2} \\ 1 & -\frac{1}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2} & -\frac{1}{2} + j\frac{\sqrt{3}}{2} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} X_{Ra} + jX_{Ia} \\ X_{Rb} + jX_{Ib} \\ X_{Rc} + jX_{Ic} \end{pmatrix}$$

$$\begin{aligned} \therefore X_{R0} &= X_{Ra} + X_{Rb} + X_{Rc} \\ X_{I0} &= X_{Ia} + X_{Ib} + X_{Ic} \end{aligned} \quad \left. \vphantom{\begin{aligned} \therefore X_{R0} &= X_{Ra} + X_{Rb} + X_{Rc} \\ X_{I0} &= X_{Ia} + X_{Ib} + X_{Ic} \end{aligned}} \right\} (4-1)$$

$$\begin{aligned}
 X_{R1} &= X_{R\dot{a}} - \frac{1}{2} (X_{R\dot{b}} + X_{R\dot{c}}) - \frac{\sqrt{3}}{2} (X_{I\dot{b}} - X_{I\dot{c}}) \\
 X_{I1} &= X_{I\dot{a}} - \frac{1}{2} (X_{I\dot{b}} + X_{I\dot{c}}) + \frac{\sqrt{3}}{2} (X_{R\dot{b}} - X_{R\dot{c}}) \\
 X_{R2} &= X_{R\dot{a}} - \frac{1}{2} (X_{R\dot{b}} + X_{R\dot{c}}) + \frac{\sqrt{3}}{2} (X_{I\dot{b}} - X_{I\dot{c}}) \\
 X_{I2} &= X_{I\dot{a}} - \frac{1}{2} (X_{I\dot{b}} + X_{I\dot{c}}) - \frac{\sqrt{3}}{2} (X_{R\dot{b}} - X_{R\dot{c}})
 \end{aligned}
 \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} (4-2) \\ \\ (4-3) \end{array}$$

这个计算量是不大的，但对于某些特定的算法仍能进一步减少计算量。例如对于正余弦函数相关算法，Phadke等人在1977年就提出了滤序和相关计算同时进行的公式。该公式曾假定每基频周期12点采样，现推广到一般列如下：

$$\begin{aligned}
 \dot{X}_0 &= \frac{1}{3} \sum_{n=0}^{N-1} \omega(n) [X_a(n) + X_b(n) + X_c(n)] \\
 \dot{X}_1 &= \frac{1}{3} \sum_{n=0}^{N-1} \left[ \omega(n) X_a(n) + \omega\left(n - \frac{N}{3}\right) X_b(n) \right. \\
 &\quad \left. + \omega\left(n - \frac{2N}{3}\right) X_c(n) \right] \\
 \dot{X}_2 &= \frac{1}{3} \sum_{n=0}^{N-1} \left[ \omega(n) X_a(n) + \omega\left(n - \frac{2N}{3}\right) X_b(n) \right. \\
 &\quad \left. + \omega\left(n - \frac{N}{3}\right) X_c(n) \right]
 \end{aligned}
 \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right\} (4-4)$$

式中： $\omega(n) = j\sqrt{\frac{2}{N}} e^{-j\frac{2\pi}{N}n}$ ， $N = 3K$ ， $K = 1, 2, 3, \dots$

上式可用递推算法来减小计算量。

## 国家标准《继电器及继电保护装置基本试验方法》

定于87年11月1日实施

为了全面贯彻IEC标准，由许昌继电器研究所负责起草的国家标准《继电器及继电保护装置基本试验方法》在1985年12月31日上报后，已于1987年2月24日由国家标准局正式批准，其标准号为G13 7261—87并定于1987年11月1日实施。

参加标准起草的除许昌继电器研究所外，还有机械委所属的阿城继电器厂，许昌继电器厂，上海继电器厂，遵义长征八厂，保定继电器厂和水电部南京电力自动化设备厂。

新的国家标准无论是试验项目和试验方法都与原标准厂JB1814—76《保护继电器基本试验方法》有很大的差别，就其试验方法而言，已全面贯彻了现有的IEC标准。为了更好贯彻执行GB7261—87，中国继电器产品检测中心正在积极筹备组织标准的宣贯会，定于1987年10月下旬在成都召开。